アボガドロ定数決定のための単結晶シリコンの結晶評価 Evaluation of Silicon Crystals for the Determination of Avogadro Constant

早稻田篤^{1,*},藤本弘之¹,張小威²,倉本直樹¹

¹産業技術総合研究所 計測標準研究部門, 〒305-8563 つくば市梅園 1-1-1 中央第 3 ²高エネルギー加速器研究機構 物質構造科学研究所, 〒305-0801 つくば市大穂 1-1 Atsushi Waseda^{1,*} Hiroyuki Fujimoto¹, Zhang Xiaowei² and Naoki Kuramoto¹ ¹AIST/NMIJ, 1-1-1 Umezono, Tsukuba, 305-8563, Japan ²KEK/IMSS, 1-1 Oho, Tsukuba, 305-0801, Japan

1 <u>はじめに</u>

2011 年に開催されたメートル条約の最高議決機関 である国際度量衡総会で、国際単位系(SI)の7つ の基本単位のうち、質量、温度、電流と物質量の定 義改定に向けた方向性が示された。質量については、 基本単位の中で唯一、人工物である国際キログラム 原器(IPK)で定義されているが、これを基礎物理 定数に基づく新しい質量の定義に改定しようという ものである。

質量の再定義に向けては、X線結晶密度 (XRCD) 法によるアボガドロ定数の決定と、電気 標準であるジョセフソン電圧と量子ホール抵抗を用 いたワットバランス法によるプランク定数の決定が あり、両研究が進められている。アボガドロ定数は 原子の数から、プランク定数はアインシュタインの 関係式から質量が再定義できる。アボガドロ定数と プランク定数は、関係式で結ばれており、どちらの 実験からも両基礎定数を決定することができる。従 って、平行に進めている独立な計測で決められる両 物理定数は、不確かさの範囲で一致するはずである が、現在のところ、XRCD 法とワットバランス法で 決めた定数の値に、不一致が存在している(図 1)。 この不一致の原因究明と解消を目指し、産総研も参 加する新たな国際研究協力やヨーロッパプロジェク トが現在進めている。



図1:アボガドロ定数測定結果

アボガドロ定数決定では、これらの精密測定と共 に、用いる単結晶シリコンの結晶完全性、欠陥評価 が必須である。我々は KEK-PF において結晶格子面 間隔の一様性評価を行っている。

2 アボガドロ定数の決定

アボガドロ定数 N_A は単結晶シリコンの格子定数 a、密度 ρ 、平均モル質量 M の絶対測定から以下のように決められる。

$$N_{\rm A} = \frac{8(M/\rho)}{a^3} = \frac{M/\rho}{\sqrt{8}d_{220}^3}$$

ここで d_{220} はシリコン(220)格子間隔である。 d_{220} の絶対測定にはレーザー干渉計を組み合わせた X 線 干渉計が用いられるが、試料間比較、分布測定等の 相対測定($\Delta d/d$)はこれまで、2 結晶回折を用いた X 線格子比較器が用いられてきた。一方、我々が KEK-PF にて新たに開発した、結晶内の等価な指数 面の同時反射を活用した自己参照型格子コンパレー タ法は、短時間で結晶面内の格子面間隔分布を測定 を行い、単結晶シリコンの結晶評価を行うことがで きる。

3 測定原理

これまで我々が開発してきた単結晶シリコンの格 子面間隔分布評価の測定手法は放射光の強度と指向 性および波長選択性を生かし、結晶内の等価な指数 面の同時反射を活用した自己参照型格子コンパレー タ法で高速かつ高精度、高感度に、大面積の結晶に 対してマッピング測定を行うものである(図 2)。



図2:装置の概略図

法線方向の結晶に対して、試料結晶中特定の二つの 等価な面指数を用いると、MDCM で特定の波長を 選ばれた X 線は、結晶の回転がわずか 10 秒程度の 角度範囲で二つの X 線回折反射が得られる。二つの 反射角度位置の差 γ が 0.004 秒程度に検出できれば, 回折面の面間隔分解能が 1×10⁹の不確かさで求めら れることに対応する。

これまで測定では、自然同位体 Si 単結晶の格子面 間隔は相対値で約 4×10⁻⁸の分布が見られたが、同 位体濃縮 ²⁸Si 単結晶の格子定数の変化は標準偏差で 4.7×10⁻⁹であり、充分均質で一様な単結晶であった [1]。測定精度は 3×10⁻⁹を達成している。

4 現在の状況

本研究では、2×10⁹測定精度の向上に向け、現在 装置の改良を行っている。測定では熱膨張による格 子面間隔の変化を如何に抑えるかが重要となってく る。

試料容器の作製と温度制御用循環水の温度安定化

試料温度の均質化を目指し、試料容器を新しく作 製した。また、温度調節用循環水についても、冷却 系の改良を行っている(図3)。



図3:試料温度制御系

実験ハッチ内空調の導入

実験ホール内は 0.5 ℃の温度変動が見られるが、 この影響を小さくするとともに、実験ハッチ内を速 やかに設定温度にし、温度を安定化させるために、 局所空調装置を導入した。

X線集光素子の導入

放射光の Z 軸の平行化を行うために、X 線集光素 子を導入する(図 4)。簡易的なシミュレーション では2倍~4倍程度の増強が期待できる。



図4:X線集光素子

5 今後の予定

2013 年度も継続して、温度制御の高度化、X 線集 光素子の導入による、測定精度の向上を目指す。温 度制御の高度化については、2012 年度中に導入した、 新試料容器と実験ハッチ内空調の評価と最適化を行 う。また恒温水循環系についても、改良を検討して いる。最終的に温度制御は室温近傍で1 mK~2 mK の安定度を目指している。X 線集光素子についても、 その効果を検証する。

測定試料については、これまでトップ部分 (4.R1)と、中央部 XINT 結晶の測定を行っている。 現在、アボガドロ WG より、KEK-PF 用に新たな測 定試料が配布された。同位体濃縮²⁸Si 単結晶インゴ ットのテール部分の試料(9.R1)である(図 5)。 本試料については無歪研磨を終了しており、測定を 行う準備は整っている。測定の高度化とあわせ、こ れらの試料の結晶評価を行う予定である。



図 5:²⁸Si 単結晶インゴット

参考文献

 H. Fujimoto, A. Waseda and X. W. Zhang, *Metrologia* 48, S55 (2011).

* waseda.atsushi@aist.go.jp