結晶 X 線干渉計を用いた Z_{eff} イメージング法の開発

米山明男1,竹谷敏2,兵藤一行3,武田徽4

¹(株)日立製作所中央研究所,²産業技術総合研究所計測フロンティア研究部門, ³物質構造科学研究所,⁴北里大学医療衛生学部

Development of $Z_{\rm eff}$ imaging using crystal X-ray interferometer

Akio YONEYAMA¹, Satoshi Takeya², Kazuyuki HYODO³, Tohoru TAKEDA⁴

¹Central Research Laboratory, Hitachi Ltd.,

²Research Institute of Instrumentation Frontier, National Institute of Advanced Industrial Science and Technology, ³Institute of Materials Structure Science, High Energy Accelerator Research Organization,

⁴School of Allied Health Sciences, Kitasato University

Abstract

結晶X線干渉計を用いて検出した振幅の変化と位相シフトから、サンプルの平均的な原子番号(実効原子番号: Effective atomic number (Z_{eff}))を求めるZ_{eff}イメージング法を開発した。位相シフトは複素屈折率の実部に、振幅の変化 は虚部に依存した量で、その比はサンプルの厚さに無関係で元素固有の値となる。このため、サンプルが単元素で構成さ れている場合は元素の種類を、複数の元素で構成されている場合は実効原子番号Z_{eff}を求めることができる。分離型結晶 X線干渉計を採用したイメージングシステムによりアルミニウム、鉄、ニッケル及び銅を対象とした試用イメージングを 行った結果、原子番号に対応した濃淡のZ_{eff}コントラスト像を取得することができた。さらに、ニッケル及び銅のZ_{eff}値 は誤差 5%以内で各原子番号と一致した。

1. はじめに

結晶X線干渉計[1]はシリコン等単結晶のX線光学素子 で構成された干渉計で、サンプルによって生じたX線の 位相変化(位相シフト)を高感度に検出することができ る。位相シフトを与える散乱断面積は、振幅の変化を与え る散乱断面積に比べて 1000 倍以上大きいという特徴があ り[2], 位相シフトを画像化する位相イメージング法によ り吸収の小さい軽元素で構成された有機材料や生体軟部組 織でも高精細に観察することが可能になる。現在, Photon FactoryのBL-14Cにおいて観察視野 50×30 mm, 三次元 密度分解能 0.5 mg/cm³の位相イメージングシステム [3] が 稼働しており、これまでに腎臓や心臓など小動物の各器官 の高精細な二及び三次元観察[4],アルツハイマー病モデ ルマウスの脳内に含まれるβアミロイドの無造影可視化 [5],表在癌に対する薬剤投与効果の経時的な観察[6],及 び南極古氷に含まれるエアハイドレートの可視化 [7] 等が 行われている。しかし、本法によって得られる像はサンプ ルの高精細な密度分布を表す像であり,「密度」という点 では従来の吸収コントラスト像と変わりはなく, 元素組成 に関する情報を得ることができなかった。

サンプルによって生じた振幅の変化は屈折率の虚部に, 位相シフトは実部に関連した量であり,その比はサンプル の厚さに無関係で各元素に固有の値となる。このため,吸 収及び位相コントラスト像を同時に計測し,各画素間で比 を計算することによって、サンプルが単一の元素で構成されていれば元素の種類を、複数の元素で構成されていれば 平均的な原子番号(実効原子番号:Effective atomic number (Z_{eff}))を表す分布像(Z_{eff}コントラスト像)を得ることが できる。これまでに本原理に基づいて、タルボ干渉法やマ イクロビームを用いた屈折コントラスト法と組み合わせた 各種観察が行われ、歯内部の組成の違い[8]や各種有機ポ リマーの識別[9]が可能なことが示されている。

本研究では、より高い感度で位相シフトを検出できる 結晶X線干渉計を用いた Z_{eff} イメージング法を開発した [10]。以下、本法の原理、イメージングスステムの概要、 金属箔及び酸化した鉄を対象とした試用観察の結果につい て紹介する。

2.原理

単一元素で構成されたサンプルのX線に対する複素屈折 率 n を

 $n = 1 - \delta + i\beta$ (1) と表せば、実部 δ と虚部 β はそれぞれ

$$\delta = \frac{r_e}{2\pi} \lambda^2 n_e \ (Z + f') \tag{2}$$

$$\beta = \frac{r_e}{2\pi} \lambda^2 n_e f'' \tag{3}$$

となる。ここで、 λ はX線の波長, r_e は古典電子半径, n_e は単位体積に含まれる原子数,Zは原子番号, $f' \geq f''$ は原 子散乱因子の異常分散項の実部と虚部である。上式から、 $\delta \geq \beta$ の比 $r(\delta/\beta)$ を計算すると

$$r = -\frac{Z+f'}{f''} \tag{4}$$

となる。ここで, Z, f, f' はいずれも元素固有の値を持つ ので,rも元素固有の値を持つことになる。Fig.1にX線 のエネルギー18,35,50 keV における各元素のrを計算し た結果を示す。この図から吸収端近傍の元素より原子番号 の小さい元素では,rは各元素と1:1 に対応していること がわかる。すなわち,測定によって得られたrから近似計 算によりサンプルの原子番号Zを算出することができる。 Fig.1のグラフの形状から推測されるように近似式として 指数関数

$$Z=ar^{b}$$
(5)

を採用すると,軽元素から金属まで広い範囲に渡って rから計算した Z 値は理論的な原子番号とよく一致する。ここで, a と b は X 線のエネルギーによって決まる定数で,エネルギー 17.8 keV において a = 88.41, b = -0.347 を用いた場合, Z~30 近傍で理論値との相対的な差を 1% 以内に納めることができる。

サンプルが複数の元素で構成されている場合,(5)式に よってrから算出される原子番号Zは,

$$Z_{eff} = \sqrt[2.94]{\sum_{i} f_{i} Z_{i}^{2.94}}$$
(6)

で定義される実効原子番号 Z_{eff} となる [11]。ここで, fi は 物質を構成する元素の電子の総和で, Zi は原子番号であり, サンプルはX線に対して原子番号が Z_{eff} の単一元素のよう に振る舞う。なお,当然のことながら単一の元素で構成さ れた物質の Z_{eff} はその元素の原子番号と一致する。

X線がサンプルを透過する際,吸収により強度が *I*₀から*I*に減少したとき,その比はサンプルの線吸収係数 μ と サンプルの厚さ *t* を用いて



Figure 1 Calculated ratio of real and imaginary part of refractive index for 17.8, 35 and 70 keV X-rays.

$$\frac{I}{I_0} = \exp(-\mu t) \tag{7}$$

で与えられる。さらに両辺について対数をとり,μ=4πβ/λ の関係を用いると

$$\ln\left(\frac{I}{I_0}\right) = -\frac{4\pi\beta}{\lambda}t \tag{8}$$

となる。一方,位相シフト*p*は,複素屈折率の実部δを用 いて

$$p = \frac{2\pi\delta t}{\lambda} \tag{9}$$

で与えられる。したがって,(8)式と(9)式からδとβの 比rを求めると,厚さtがキャンセルされて

$$r = \frac{2p}{\ln\left(l/l_0\right)} \tag{10}$$

となり,測定で得られたpと ln (I/I_0)から (5)式により Z_{eff} をそのまま算出することができる。以上が Z_{eff} イメージン グ法の原理である。

2. 結晶 X線干渉計とイメージングシステム

本研究で使用した分離型結晶X線干渉計の模式図を Fig. 2(a) に示す。本干渉計は2枚の薄い結晶歯を搭載した2個の結晶ブロックから構成されており,可視光のマッハツェンダー型干渉計と同様に動作する。即ち,第1結晶ブロックの第1歯(S)に入射したX線は、ラウエケースのX線回折により物体波と参照波に分割され,第1結晶ブロックの第2歯(M1)及び第2結晶ブロックの第1歯(M2)でそれ



(b) X-ray imager 1 Asymmetric X-ray X-ray Feedback system

Figure 2 (a) Schematic view of two-crystal X-ray interferometer and (b) Phase-contrast X-ray imaging system using X-ray interferometer.

ぞれ向きを変え,第2結晶ブロックの第2歯(A)で結合され、2本の干渉ビームを形成する。物体波の光路に設置したサンプルによって生じた位相シフトは、波の重ね合わせにより干渉ビームの強度変化となって現れる。このため、干渉像の強度変化からサンプルによる位相シフトの空間的な分布像(位相マップ)を定量的に測定することができる。また、参照波の光路を鉛板等で遮蔽すると干渉しなくなり、サンプルを透過した物体波(サンプルの透過吸収像)だけが干渉計から出射する。このため、サンプルの位置などを変えることなくカメラ画像上の同じ位置に吸収像を取得できるので、測定した両画像から(10)式により Z_{eff}の空間分布を表す Z_{eff} コントラスト像をそのまま算出することができる。

Fig. 2(b) に, 上記X線干渉計を用いたイメージングシス テムの構成を示す。本システムは非対称結晶,X線干渉計 と同位置決めステージ、サンプルと位相板ステージ、画像 フィードバック機構、及びX線画像検出器から主に構成さ れている。非対称結晶は入射X線を横方向に拡大するため のもので、本研究では非対称度 6.5 度の結晶を利用し、横 方向に約5倍(幅20mm)拡大した。干渉計で形成され た2本の干渉ビームのうち一方は測定用の大視野画像検出 器 (X-ray imager 1) で,他方はフィードバック用の画像検 出器(X-ray imager 2)で検出した。大視野画像検出器の 視野は横 52 mm×縦 36 mm, 画素サイズ 12.5 µm, 転送レ ートは 1.6 fps である [12]。検出方式としてファイバーカ ップリング方式を採用しており、蛍光体(厚さ 30 µm の GOS (Gd,O,S)) により変換された可視光をオプティカル ファイバーにより CCD 画素上に転送して撮像している。 画像フィードバック機構は干渉像に現れている縞の位置が 変動しないように第1と第2結晶ブロック間の水平面内の 角度を高精度で常時調整することで、物体波と参照波の光 路差を常に一定に保っている。

現在,本システムは Photon Factory の垂直ウィグラーの ビームライン BL-14C に常設され,位相イメージングの高 感度特性を生かした高精細かつ大視野のバイオ及びマテリ アルイメージングに利用されている。通常のビームライン と異なり,本ビームラインではビームが縦方向に発散して おり,大視野のイメージングには本システムのように水平 面内に展開したX線光学系が適している。この光学系の大 きな利点の一つは,主なステージの回転軸が鉛直方向にな るために重力の影響が低減され,高い回転位置決め精度を 達成できることである。本システムではこの利点を活用す ることで,第1と第2結晶ブロック間の水平面内の回転を 60 prad という極めて高い精度で安定化し[13],密度分解 能サブ mg/cm³の三次元測定を実現している。

3. 金属箔及び錆びた鉄箔の観察結果

Fig. 3 にエネルギー 17.8 keV のX線を用いて金属箔を観察した結果を示す。 (a) は吸収コントラスト像, (b) は位相コントラスト像, (c) は両像を用いて (10) 式から算出した Z_{eff} コントラスト像である。金属の種類及び厚さは上か



Figure 3 Obtained images of metal foils: (a) absorption image, (b) phase-contrast image, and (c) Zeff image.



Figure 4 Obtained images of oxidized Fe foil: (a) Z_{eff} image and (b) photo. Orange circles indicate oxidized area.

ら鉄 (10 µm), ニッケル (5 µm), 銅 (5 µm), アルミニ ウム(15 µm)の順であり、右端は人為的に折り曲げるこ とで厚さを2倍にしてある。厚さと種類が異なるために, 当然のことながら従来の(a)や(b)の画像からは金属の種 類や厚さを識別することはできない。一方, (c)の画像で は各金属箔の濃淡が原子番号に正しく対応し、各箔の元 素種が異なっていることがわかる。各箔の平均 Z_{eff} 値は鉄 25.4, ニッケル 27.9, 銅 28.8, アルミニウム 16.4 で, Ni と Cu に関しては理論値(28 と 29) との相対的な差は 5% 以内であり, サンプルが単一の元素で構成されている場合 は元素の種類を十分に識別できる分解能を有していること がわかる。また、折り曲げて厚さを2倍にした領域におけ る Zeff 値も大きな違いがなく,原理通りにサンプルの厚さ がキャンセルされている。原子番号が小さくなるに従って 誤差が大きくなる原因として、原子番号が小さくなると吸 収も小さくなり, β(吸収)の検出精度が低下するためと 考えられる。この推測を裏付けるように、アルミニウム(理 論値 13)の折り曲げた領域における Z_{eff} 値は 14.4 であり, 一重の場合に比べて誤差がより小さくなっている。

Fig. 4 には錆びた鉄箔を観察した結果を示す。(a) は Z_{eff} コントラスト像,(b) は同サンプルの光学写真である。錆 により鉄箔の形状が複雑になり位相シフトの変化が大

きいため、大きな位相シフトでも観察可能なエネルギー 35 keV のX線を用いて測定を行った。光学写真の丸で囲 んだ領域において酸化(錆)が大きく進行しており、Z_{eff} コントラスト像の対応する領域では値が小さく(黒く)な っていることがわかる。これは、酸化により鉄(Z = 28) よりも軽い元素である酸素(Z = 8)が増加したためである。 したがって、測定で得られた Z_{eff} 値を指標として、定量的 な酸化進行度の可視化が可能であると考えられる。

4. まとめと今後

結晶X線干渉計を用いて測定した吸収と位相コントラス ト像から,サンプルの実効原子番号(Z_{eff})の空間分布像 を求めるZ_{eff}イメージング法を開発した。金属箔を対象と した試用実験の結果,Z_{eff}コントラスト像の各金属箔は原 子番号に正しく対応した濃淡を示し,ニッケル及び銅の平 均値は誤差5%以内で理論値(原子番号)と一致した。ま た,錆びた鉄を観察した結果,錆の進行度を可視化するこ とができた。今後は,サンプルの回転と組み合わせた三次 元計測への対応を進めると同時に,各種有機材料や生体試 料等への適用を進める予定である。

引用文献

- [1] U. Bonse and M. Hart, Appl. Phys. Lett. 7, 99(1965).
- [2] A. Momose and J. Fukuda, Med. Phys. 22, 375 (1995).
- [3] A. Yoneyama, T. Takeda, Y. Tsuchiya, J. Wu, T. T. Lwin, A. Koizumi, K. Hyodo, and Y. Itai, Nucl. Instrum. Methods Phys. Res. A 523, 217 (2004).
- [4] A. Yoneyama, T. Takeda, Y. Tsuchiya, J. Wu, T. T. Lwin, and K. Hyodo, AIP Conference Proceedings 705,1299(2004).
- [5] K. Noda-Saita, A. Yoneyama, Y. Shitaka, Y. Hirai, K. Terai, J. Wu, T. Takeda, K. Hyodo, N. Osakabe, T. Yamaguchi, and M. Okada, Neuroscience 138, 1205 (2006).
- [6] A. Yoneyama, N. Amino, M. Mori, M. Kudoh, T. Takeda, K. Hyodo, and Y. Hirai, Jpn. J. Appl. Phys., Part 1 45, 1864(2006).
- S. Takeya, K. Honda, A. Yoneyama, Y. Hirai, J. Okuyama, T. Hondoh, K. Hyodo, and T. Takeda, Rev. Sci. Instrum. 77, 053705 (2006).
- [8] Z. Qi, J. Zambelli, and GH. Chen GH. Phys Med Biol. 55, 2669 (2010).

- [9] T. Mukaide, M. Watanabe, K. Takada, A. Iida, K. Fukuda, and T. Noma, Appl. Phys. Lett. 98, 111902 (2011).
- [10] A. Yoneyama, K. Hyodo, and T. Takeda, Appl. Pyhs. Lett. 103, 204108(2013).
- [11] F. W. Spiers, Br. J. Radiol 19, 52(1946).
- [12] A. Yoneyama. T. Takeda, J. Wu, T.-T. Lwin, K. Hyodo, and Y. Hirai, Jpn. J. Appl. Phys. 46, 1205(2007).
- [13] A. Yoneyama1, A. Nambu, K. Ueda, S. Yamada, S. Takeya, K. Hyodo, and T. Takeda, J. Phys.:Conference Series 425, 192007 (2013).

(原稿受付日:2014年3月25日)

著者紹介

米山明男 Akio YONEYAMA
(株)日立製作所中央研究所 主任研究員
〒 350-0395 埼玉県比企郡鳩山町赤沼 2520
TEL: 049-296-6111
e-mail: akio.yoneyama.bu@hitachi.com
最近の研究: X線イメージングとその応用。
趣味:日本 100 名山に挑戦中。

竹谷敏 Satoshi TAKEYA 産業技術総合研究所 主任研究員 〒 305-8565 茨城県つくば市東 1-1-1 中央第五 TEL: 029-861-4506 e-mail: s.takeya@aist.go.jp 最近の研究:低温 ~高温条件での X線イメージング測定 法の開発。 趣味:和太鼓 に挑戦中。

兵藤一行 Kazuyuki HYODO 高エネルギー加速器研究機構物質構造科学研究所 准教授 〒 305-8565 茨城県つくば市大穂 1-1 TEL: 029-864-5200 e-mail: kazuyuki.hyodo@kek.jp

武田徹 Tohoru TAKEDA 北里大学医療衛生学部 教授 〒 252-0373 神奈川県相模原市南区北里 1-15-1 TEL: 042-778-8312 e-mail: t.takeda@kitasato-u.ac.jp